

Nume \_\_\_\_\_

Prenume \_\_\_\_\_

Școala \_\_\_\_\_

Profesor \_\_\_\_\_

## Concursul județean CALEIDOSCOP MATEMATIC

25. 11. 2023

Clasa a VIII-a

Varianta 1

Notă: Toate subiectele sunt obligatorii.  
Timp de lucru: 120 minute.  
Se acordă 10 puncte din oficiu.

Citește cu atenție enunțurile, apoi bifează în grilă răspunsul corect, conform modelului dat:

**Pentru problemele 1, 2 și 3 folosiți enunțul de mai jos:**

Punctele A, B, C și D se află pe un cerc de centru O și rază 6 cm în această ordine astfel încât punctele A, O, C sunt coliniare,  $\widehat{BC} = 2 \cdot \widehat{AB}$ ;  $\widehat{AD} \equiv \widehat{DC}$ .

- Aria patrulaterului ABCD este egală cu: 5p  
 a.  $18\sqrt{3} \text{ cm}^2$       b.  $36 \text{ cm}^2$       c.  $18(\sqrt{3} + 2) \text{ cm}^2$       d.  $18(\sqrt{3} + 3) \text{ cm}^2$
- Unghiul format de dreptele AC și BD are măsura egală cu: 5p  
 a.  $45^\circ$       b.  $75^\circ$       c.  $120^\circ$       d.  $150^\circ$
- Dacă F este simetricul punctului B față de punctul O, atunci măsura  $\sphericalangle DBF$  este egală cu: 5p  
 a.  $90^\circ$       b.  $60^\circ$       c.  $45^\circ$       d.  $15^\circ$
- Dacă x și y sunt numere reale astfel încât  $x \cdot (12 - x) + y \cdot (16 - y) = 100$ , atunci rădăcina pătrată a produsului celor 2 numere este egală cu: 5p  
 a. 4      b.  $2\sqrt{3}$       c.  $4\sqrt{3}$       d. 8
- Suma soluțiilor naturale ale inecuației:  $|x - 5| \cdot (2 - |x - 5|) > 0$  este egală cu: 5p  
 a. 9      b. 10      c. 11      d. 15
- Dacă  $a = \frac{1}{1 \cdot 4} + \frac{1}{4 \cdot 7} + \frac{1}{7 \cdot 10} + \dots + \frac{1}{40 \cdot 43}$ , atunci  $[\sqrt{a^{-1}}]$  (partea întreagă) este: 5p  
 a. 0      b. 1      c. 2      d. 3
- Dacă  $x = \frac{1}{1+2} + \frac{1}{1+2+3} + \dots + \frac{1}{1+2+3+\dots+49}$ , atunci  $\sqrt{\frac{1}{24}} \cdot x$  este egal cu: 5p  
 a. 0,1      b. 0,11      c. 0,2      d. 0,12

**Pentru problemele 8 și 9 folosiți enunțul de mai jos:**

Fie ABCA'B'C' o prismă triunghiulară regulată dreaptă cu latura bazei egală cu 6 cm și muchia laterală de  $6\sqrt{2}$  cm.

- Aria triunghiului  $\Delta A'BC'$  este egală cu: 5p  
 a.  $9\sqrt{11} \text{ cm}^2$       b.  $18\sqrt{3} \text{ cm}^2$       c.  $18\sqrt{2} \text{ cm}^2$       d.  $9\sqrt{13} \text{ cm}^2$
- Măsura unghiului format de dreptele A'C și BC' este egală cu: 5p  
 a.  $30^\circ$       b.  $60^\circ$       c.  $45^\circ$       d.  $90^\circ$
- Ordinea crescătoare a numerelor  $a = \sqrt{30} - 3\sqrt{2}$ ,  $b = 6 - 2\sqrt{3}$ ,  $c = 2\sqrt{10} - 2\sqrt{2}$  este: 5p  
 a.  $a < b < c$       b.  $a < c < b$       c.  $b < c < a$       d.  $b < a < c$

11. În cubul ABCDA'B'C'D' de latură 4 cm, se consideră E mijlocul muchiei [AB], F mijlocul muchiei [AA'] și G mijlocul segmentului [A'D]. Aria triunghiului EFG este egală cu: **5p**  
 a.  $2\sqrt{2} \text{ cm}^2$       b.  $2\sqrt{3} \text{ cm}^2$       c.  $2\sqrt{5} \text{ cm}^2$       d.  $4 \text{ cm}^2$
12. Dacă  $[a]$  este partea întreagă a numărului real  $a$ , atunci valoarea sumei  $S = [\sqrt{1}] + [\sqrt{2}] + [\sqrt{3}] + \dots + [\sqrt{225}]$  este egală cu: **5p**  
 a. 2150      b. 2510      c. 250      d. 2500
13. În cubul ABCDA'B'C'D' de latură 4 cm, fie R pe latura [AB] astfel încât  $AR = 1$  cm, S mijlocul lui  $CC'$  și M un punct pe latura CD. Distanța dintre punctele D și M pentru care  $RM + MS$  este minimă, are lungimea egală cu: **5p**  
 a. 1 cm      b. 2 cm      c. 2,5 cm      d. 3 cm
14. Numărul de numere naturale  $\overline{abc}$ , în baza 10, cu cifre nenule, distincte,  $a > b$ ,  $c > b$ , astfel încât  $a$  și  $c$  să fie direct proporționale cu numerele  $\sqrt{a-b}$  și  $\sqrt{c-b}$  este egal cu: **5p**  
 a. 2      b. 3      c. 4      d. 10
15. Fie  $a, b$  numere întregi pentru care  $\frac{a}{\sqrt{3+2\sqrt{2}}} + \frac{7\cdot b}{\sqrt{11-6\sqrt{2}}} = 7 + 5\sqrt{2}$ . Atunci raportul dintre numerele  $b$  și  $a$  este egal cu: **5p**  
 a. 1,5      b. 1,(5)      c. 2      d. 3
16. Fie  $\Delta ABC$  în care  $AB = AC$  și  $\sphericalangle BAC = 20^\circ$ . Punctul M este situat pe segmentul (AC) astfel încât  $AM = BC$ . Atunci  $\sphericalangle BMC$  are măsura de: **5p**  
 a.  $30^\circ$       b.  $60^\circ$       c.  $45^\circ$       d.  $90^\circ$
17. Șirul crescător 1, 5, 6, 25, 26, ... cuprinde toate numerele naturale care pot fi scrise ca puteri ale lui 5 sau ca sumă de puteri distincte ale lui 5. Termenul de pe locul 67 din șir este: **5p**  
 a. 15631      b. 15625      c. 15630      d. 15650
18. Numărul de numere naturale care se află în intervalul  $[n^2 - n + 1, n^2 + n + 1)$  este egal cu: **5p**  
 a.  $2n+1$       b.  $2n$       c.  $2n - 1$       d.  $n$